

$$\begin{array}{r} \text{LEON} \\ \times \quad 4 \\ \hline \text{NOEL} \end{array}$$

donc  $\text{LEON} < 2\,500$

(sinon  $\text{NOEL} > 10\,000$  et donc contiendrait 5 chiffres)

donc  $L = 1$  ou  $2$

$$\begin{array}{r} \text{LEON} \\ \times \quad 4 \\ \hline \text{NOEL} \end{array}$$

$N \times 4 =$  un nombre dont l'unité =  $L$

Soit 1 ou 2

$L \neq 1$  (aucun nombre ne finit par 1 dans la table de 4)

Donc  $L=2$

$N$  peut être 3 ou 8 car  $3 \times 4 = 12$  et  $8 \times 4 = 32$

Or  $N \geq 8$  puisqu'on a déjà établi que  $L=2$  donc  $\text{LEON} > 2000$  donc  $\text{LEON} \times 4 > 8000$

À présent, on a donc :

$$\begin{array}{r} 2\text{EO}8 \\ \times \quad 4 \\ \hline 8\text{OE}2 \end{array}$$

Comme  $8 \times 4 = 32$ , on a une retenue de 3 au moment de multiplier les dizaines

Donc  $(O \times 4) + 3 =$  un nombre dont l'unité est  $E$

Sachant que tous les multiples de 4 sont pairs et qu'un nombre pair + un nombre impair = un nombre impair,  $E$  est forcément impair.

On a établi que  $\text{LEON} < 2500$  donc  $E < 5$ .  $E$  étant impair,  $E = 1$  ou  $3$

En reprenant  $(O \times 4) + 3 =$  un nombre dont l'unité est  $E$

- Si  $E = 1$ , alors  $O = 2$  ou  $7$  puisque  $(2 \times 4) + 3 = 11$  et  $(7 \times 4) + 3 = 31$ 
  - Or on a déjà  $L=2$ , donc si  $E=1$ , alors  $O=7$
- Si  $E=3$ , alors  $O = 0$  ou  $5$  puisque  $(0 \times 4) + 3 = 3$  et  $(5 \times 4) + 3 = 23$

Il nous reste donc 3 possibilités pour  $\text{LEON}$ ,  $\text{LEON} = 2\,178$  ou  $2\,308$  ou  $2\,358$

En reprenant le calcul initial, on multiplie  $\text{LEON}$  par 4 et on observe les résultats

- $2\,178 \times 4 = 8\,712$
- $2\,308 \times 4 = 9\,232$
- $2\,358 \times 4 = 9\,432$

Seule la première solution donne deux nombres « miroir »

Donc  $N=8$ ,  $O=7$ ,  $E=1$  et  $L=2$

$$\begin{array}{r} 2\text{EO}^38 \\ \times \quad 4 \\ \hline \phantom{2}2 \end{array}$$